シャープな不連続境界を含む地下比抵抗構造を再現可能な逆解析法の開発

石須慶一*・後藤忠徳^{**}・深畑幸俊^{***}・小池克明^{****}・Chatchai Vachiratienchai^{*5}・Weerachai Siripunvaraporn^{*6}

Development of an inversion method for reproducing subsurface resistivity structures with sharp discontinuous boundaries

Keiichi Ishizu^{*}, Tada-nori Goto^{*}, Fukahata Yukitoshi^{***}, Katsuaki Koike^{***}, Chatchai Vachiratienchai^{*5} and Weerachai Siripunvaraporn^{*6}

*九州大学工学研究院 Department of Earth Resources Engineering, Kyushu University, Fukuoka, 819-0395, Japan. E-mail: ishizu@mine.kyushu-u.ac.jp

**兵庫県立大学大学院理学研究科 Graduate School of Science, University of Hyogo, 2167, Shosha, Himeji, Hyogo 671-2280 JAPAN.

***京都大学防災研究所 Disaster Prevention Research Institute, Kyoto University, Kyoto, Japan.

****京都大学大学院工学研究科都市社会工学専攻 Department of Urban Management, Graduate School of Engineering, Kyoto University, Kyoto 615-8540, Japan.

*5Curl-E Geophysics Co., Ltd., Nakhon Pathom, Thailand.

*6 マヒドン大学理学部 Faculty of Science, Mahidol University, Rama VI Rd., Rachatawee, Bangkok 10400, Thailand.

キーワード: 逆解析,シャープ境界,比抵抗, 電気探査 **Key words**: Inversion, Sharp boundary, Resistivity, Direct current resistivity survey

1. はじめに

電気探査は、直流電流を用いた電位差測定によって地下 比抵抗構造を把握するための技術である. 比抵抗は流体, 粘 土,金属に敏感な物性値のため,電気探査は土壌特性,地下 水,海水侵入,埋立地,火山構造,地滑り,空洞などの調査 に広く活用されている. 電気探査逆解析では、測定データと モデルから計算されたデータとの残差を最小化することで 地下比抵抗構造を推定する. 電気探査の逆解析は悪条件問 題のため, 平滑化制約を適用し, 安定した解を得ることが通 常行われる.しかし, 平滑化制約は隣合うモデルパラメータ が滑らかに変化するという条件を課すため、比抵抗分布が 直線的に不連続となる境界(以下シャープ境界)を含む地下 比抵抗構造を正しく再現できない. このような問題のため, 地質境界,人工物,金属鉱床などのシャープ境界を示す対象 物への探査精度が低かった.本問題を解決するため,シャー プな不連続境界を含む地下比抵抗構造を再現可能な逆解析 法を開発する.具体的には,平滑化制約をシャープな境界が 予測される場所で弱め、この最適化を Akaike Bayesian Information criterion (ABIC)を用いて行うアルゴリズムを 提案する.本発表の内容は, Ishizu et al. (2025)で発表され た内容に基づいている.

2. 手法

シャープな不連続境界を含む地下比抵抗構造を再現可能 な逆解析法(SBI: sharp boundary inversion)について述 べる(第1図). SBIでは、まず従来法である平滑化制約逆 解析を行い、滑らかな比抵抗モデルを推定する(Flow 1). この滑らかな比抵抗モデルに関して一次差分を計算し、急 激な変化を示す所を初期境界に設定する(Flow 2). この初 期位置から探索を開始し, ABIC を最小化する左右の境界位 置を決定する(Flow 3). Flow 3 で決定した左右の位置を固 定し, ABIC を最小化する上下の境界位置を決定する(Flow 4). Flow 4 で得られた結果を最適モデルとして出力する.



第1図 SBI アルゴリズムの概要 (Ishizu et al., 2025 を改変).

3. 仮想・野外データへの適用結果

開発した SBI アルゴリズムの有効性をシャープ境界を含 む仮想比抵抗モデルを用いて検証する.仮想モデルは 10 ohm・mの低比抵抗異常体が 100 ohm・mの半無限媒質中に 存在するモデルを仮定する(第2図a).低比抵抗異常体は, 地下に埋没している人工物を模擬している.データ取得は, 2mの電極間隔のダイポールダイポール配置を用いた 54m のプロファイルで行われ,合計 172 データポイントを取得

58

したものとする. 第2図 a のモデルから順解析を行い得ら れたレスポンスに 2%のガウシアンノイズを加えて仮想デ ータを作成した.まずは,従来法である平滑化制約逆解析を 用いた結果を示す(第2図b).人工物は滑らかな比抵抗分 布として再現され,実際のシャープ比抵抗境界は再現でき ていない.一方で,SBIでは人工物の真の境界位置と同じ場 所にシャープ比抵抗境界を再現できた(第2図c).これは 平滑化制約を真のシャープ境界位置で弱めることで,ABIC が最小値を示したことに起因する.

SBIを野外データに適用し,野外環境での適用性を実証 する.探査対象は,枠が金属で形成された人工物のトンネ ルである.仮想データと同じく2mの電極間隔のダイポー ルダイポール配置を用いた54mのプロファイルでデータ 取得が行われた.平滑化制約逆解析の結果,トンネルが滑 らかな分布を持つ比抵抗構造として再現された(第3図 a).一方,SBIの結果では、シャープな境界が再現され, 設計図を基に知られているトンネルの水平位置と整合的な 結果が得られた(第3図b).この結果は、実際の野外環境 においてもSBIがシャープな比抵抗構造再現できることを 示している.

4. おわりに

シャープ不連続境界を含む地下比抵抗構造を再現できる 逆解析法 (SBI) の開発を行った.シャープな不連続境界を 再現することは、地質境界、人工物、金属鉱床などの探査精 度向上に必要である.SBI は平滑化制約をシャープ境界が 予想される場所で弱め、この最適化を ABIC 最小化で行う という手法である. 仮想データを用いた実験により, SBI で は人工物の真の境界位置と同じ位置にシャープ比抵抗境界 を再現できることが示された.一方,従来法である平滑化制 約逆解析では、人工物の境界は滑らかな比抵抗分布として 再現され,シャープ比抵抗境界は再現できていない. SBI を 野外データに適用した結果、トンネルのシャープ境界を再 現でき、その境界位置は設計図で知られている位置と整合 的であった. SBI は, 境界位置を解析者が他の先験情報から 決めることなく, データ駆動型の方法で決定できるため, 多 くのデータに適用できる可能性がある.また,SBI は電気探 査のみならず, 重力探査, 磁気探査など多くの物理探査デー タ逆解析に応用可能であり,実装も比較的容易であるとい う高い汎用性も有する.

文 献

Ishizu, K., Goto, T. N., Fukahata, Y., Koike, K., Vachiratienchai, C., & Siripunvaraporn, W. (2025) Inversion algorithm determining sharp boundaries in electrical resistivity tomography, Geophysics, 90, WA221-WA233.



第2図 仮想データによる検証実験(Ishizu et al., 2025 を改変). (a) 真のモデル.本モデルは,10 ohm mの低比抵抗異常体が100 ohm mの半無限媒質中に存在するモデルを仮定する.(b)平滑化制 約逆解析の結果.(c) SBI による最適結果.マゼンタの線は,人工物 の真の境界を示す.



第3図 野外データによる検証実験(Ishizu et al., 2025を改変). (a) 平滑化制約逆解析による結果,(b) SBI による最適結果.黒の矢 印は,設計図から知られている人工物の真の境界を示す.